

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Агафонов Александр Викторович  
Должность: директор филиала  
Дата подписания: 29.08.2020 15:22:51:58  
Уникальный программный ключ:  
2559477abcc170b0c7d111e4b1c4111eb0b03c4ab06

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
ЧЕБОКСАРСКИЙ ИНСТИТУТ (ФИЛИАЛ) МОСКОВСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО УНИВЕРСИТЕТА**

**Кафедра информационных технологий,  
электроэнергетики и систем управления**

**УТВЕРЖДАЮ**  
Директор филиала  
А.В. Агафонов  
«29» мая 2020г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТИ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»**  
(наименование дисциплины)

Направление подготовки	<b>38.03.01 «Экономика»</b> (код и наименование направления подготовки)
Направленность (профиль) подготовки	<b>«Экономика предприятий и организаций»</b> (наименование профиля подготовки)
Квалификация выпускника	<b>бакалавр</b>
Форма обучения	<b>очная, заочная</b>

Рабочая программа дисциплины разработана в соответствии с:

- федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика (уровень бакалавриата), утвержденный приказом Министерства образования и науки РФ от 12 ноября 2015 г. № 1327 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика (уровень бакалавриата)»

- учебным планом (очной, заочной форм обучения) по направлению подготовки 38.03.01 Экономика.

Автор(ы) Кульпина Т. А., канд.ф.-м.н., доцент

Программа одобрена на заседании кафедры ИТЭСУ

*(указать наименование кафедры)*

(протокол № 10 от 16.05.2020г.).

# 1. Перечень планируемых результатов обучения, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы (Цели освоения дисциплины)

1.1. Целями освоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» являются:

- овладение основами теории вероятностей и основными методами математической статистики (теории обработки наблюдений), необходимых для применения в профессиональной деятельности и для изучения смежных дисциплин,
- повышение уровня математической культуры, развитие вероятностного мышления,
- овладение современным математическим аппаратом, необходимым для изучения естественнонаучных, общепрофессиональных и специальных дисциплин.

## 1.2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Код Компетенции	Содержание компетенции (или ее части)	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны:		
		Знать	Уметь	Владеть
ОПК-2	способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач	<ul style="list-style-type: none"> <li>- предмет, задачи и структуру предмета «Теория вероятностей и математическая статистика»;</li> <li>-основные теоремы теории вероятностей;</li> <li>- понятия повторных испытаний;</li> <li>-случайные величины и законы их распределения;</li> <li>-непрерывные случайные величины;</li> <li>-элементы математической статистики;</li> <li>- элементы теории корреляции;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- решать задачи, как иллюстрирующие теоретические положения, так и носящие прикладной характер;</li> <li>- находить решение задачи или доказательство теоремы;</li> <li>- приводить примеры и контрпримеры к основным определениям и теоремам курса теория вероятностей и математическая</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- навыками решения вычислительных задач;</li> <li>- навыками решения задач на доказательство;</li> <li>- навыками доказательства основных теорем;</li> <li>- навыками поиска решения задач или доказательства теорем;</li> <li>- математической символикой для выражения количественных и качественных отношений объектов;</li> <li>- основными приёмами</li> </ul>

			статистика	обработки экспериментальных данных
ОПК-3	способность выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы	<ul style="list-style-type: none"> <li>- предмет, задачи и структуру предмета «Теория вероятностей и математическая статистика»;</li> <li>- основные теоремы теории вероятностей;</li> <li>- понятия повторных испытаний;</li> <li>- случайные величины и законы их распределения;</li> <li>- непрерывные случайные величины;</li> <li>- элементы математической статистики;</li> <li>- элементы теории корреляции;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- решать задачи, как иллюстрирующие теоретические положения, так и носящие прикладной характер;</li> <li>- находить решение задачи или доказательство теоремы;</li> <li>- приводить примеры и контрпримеры к основным определениям и теоремам курса теории вероятностей и математическая статистика</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- навыками решения вычислительных задач;</li> <li>- навыками решения задач на доказательство;</li> <li>- навыками доказательства основных теорем;</li> <li>- навыками поиска решения задач или доказательства теорем;</li> <li>- математической символикой для выражения количественных и качественных отношений объектов;</li> <li>- основными приёмами обработки экспериментальных данных</li> </ul>
ПК-1	способность собирать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов	<ul style="list-style-type: none"> <li>- предмет, задачи и структуру предмета «Теория вероятностей и математическая статистика»;</li> <li>- основные теоремы теории вероятностей;</li> <li>- понятия повторных испытаний;</li> <li>- случайные величины и законы их распределения;</li> <li>- непрерывные случайные величины;</li> <li>- элементы математической статистики;</li> <li>- элементы теории</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- решать задачи, как иллюстрирующие теоретические положения, так и носящие прикладной характер;</li> <li>- находить решение задачи или доказательство теоремы;</li> <li>- приводить примеры и контрпримеры к основным</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- навыками решения вычислительных задач;</li> <li>- навыками решения задач на доказательство;</li> <li>- навыками доказательства основных теорем;</li> <li>- навыками поиска решения задач или доказательства теорем;</li> <li>- математической символикой для выражения количественных и качественных</li> </ul>

		корреляции;	определениям и теоремам курса теория вероятностей и математическая статистика	отношений объектов; - основными приёмами обработки экспериментальных данных
ПК-4	способность на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты	- предмет, задачи и структуру предмета «Теория вероятностей и математическая статистика»; -основные теоремы теории вероятностей; - понятия повторных испытаний; -случайные величины и законы их распределения; -непрерывные случайные величины; -элементы математической статистики; - элементы теории корреляции;	- решать задачи, как иллюстрирующие теоретические положения, так и носящие прикладной характер;  - находить решение задачи или доказательство теоремы;  - приводить примеры и контрпримеры к основным определениям и теоремам курса теория вероятностей и математическая статистика	- навыками решения вычислительных задач; - навыками решения задач на доказательство; - навыками доказательства основных теорем; - навыками поиска решения задач или доказательства теорем; - математической символикой для выражения количественных и качественных отношений объектов; - основными приёмами обработки экспериментальных данных

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» реализуется в рамках базовой части учебного плана обучающихся очной и заочной форм обучения.

Дисциплина базируется на дисциплине: «Математика».

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» является основой для дальнейшего изучения дисциплин: «Планирование и прогнозирование», «Анализ финансово-хозяйственной деятельности», «Статистика».

Требования к «входным» знаниям, умениям и готовностям студентов, необходимым при освоении данной дисциплины: знать и владеть основами элементарной математики и геометрии.

### 3. Объем дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы – 108

часов, из них

Семестр	Форма обучения	Распределение часов				Р ГР	Форма контроля
		Лекции	Лабораторные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа		
2	Очная	18		18	72	1	Зачет
4	Заочная	4		8	92	1	Зачет

### 4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

#### Очная формы обучения

Тема (раздел)	Распределение часов			Самост. работа	Формируемые компетенции (код)
	Лекции	Лабораторные занятия	Практические занятия		
Основные теоремы теории вероятностей	3		3	12	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Повторные испытания	3		3	12	
Случайные величины и законы их распределения	3		3	12	
Непрерывные случайные величины	3		3	12	
Элементы математической статистики	3		3	12	
Элементы теории корреляции	3		3	12	
Зачет				-	

## Заочная форма обучения

Тема (раздел)	Распределение часов			Самост. работа	Формируемые компетенции (код)
	Лекции	Лабораторные занятия	Практические занятия		
Основные теоремы теории вероятностей	0,5		1	14	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Повторные испытания	0,5		1	16	
Случайные величины и законы их распределения	0,5		1	16	
Непрерывные случайные величины	0,5		1	16	
Элементы математической статистики	1		2	16	
Элементы теории корреляции	1		2	14	
Зачет				4	

### **5. Образовательные технологии, применяемые при освоении дисциплины**

Методика преподавания дисциплины и реализация компетентного подхода в изложении и восприятии материала предусматривает использование следующих активных и интерактивных форм проведения групповых, индивидуальных, аудиторных занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся:

1. Педагогические технологии это игровые технологии, дискуссии и «Деловые игры»;
2. Научно-исследовательские методы в обучении: подготовка к участию в конференциях, конкурсах и грантах;
3. Информационно – коммуникационные технологии: на лекциях используется мультимедийное оборудование, материал в формате презентаций, видеоматериал.

По дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» доля занятий, проводимых в интерактивной форме, составляет 25 % от общего числа аудиторных занятий:

## Очная форма обучения

Вид занятия	Тема занятия	Количество часов	Интерактивная форма	Формируемые компетенции (код)
Лекция	Повторные испытания	2	Лекция дискуссия	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Лекция	Случайные величины	2	Лекция дискуссия	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Лекция	Выборочный метод математической статистики	2	Лекция презентация	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Практическое занятие	Числовые характеристики дискретных случайных величин	2	Разбор конкретных ситуаций	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Практическое занятие	Элементы теории корреляции	2	Презентации, творческие задания	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4

## Заочная форма обучения

Вид занятия	Тема занятия	Количество часов	Интерактивная форма	Формируемые компетенции (код)
Лекция	Элементы теории корреляции	1	Лекция дискуссия	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4
Практическое занятие	Элементы математической статистики	2	Разбор конкретных ситуаций	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4

## 6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.

Темы для самостоятельной работы:

1. Предмет теории вероятностей. Основные понятия.
2. Основные теоремы и формулы теории вероятностей.

3. Повторные испытания.
4. Дискретные случайные величины и их числовые характеристики.
5. Непрерывные случайные величины и их числовые характеристики.
6. Выборочный метод изучения генеральной совокупности.
7. Точечные и интервальные статистические оценки параметров распределения.
8. Элементы корреляционного анализа.
9. Критерии согласия и гипотезы о виде распределения.

*Рекомендации по организации самостоятельной работы студентов.*

Самостоятельная работа над учебным материалом является составной частью обучения студента. По математическим курсам она складывается из чтения конспекта лекций и учебника, решения практических задач, самопроверки и выполнения контрольных заданий. Кроме этого, студент может обращаться с вопросами к преподавателю для получения устной или письменной консультации. Завершающим этапом изучения каждого из математических курсов (или отдельных частей общего курса высшей математики) является сдача зачёта или экзамена в соответствии с учебным планом.

С целью обеспечения выполнения учебного плана студентами, обучающимися индивидуально и по заочной форме обучения, а также в случаях возникновения задолженностей по дисциплине, созданы условия их ликвидации. Для обучающихся этих категорий разработаны индивидуальные задания для самостоятельного выполнения, которые представлены на сайте института <http://sdo.polytech21.ru/>. В течение учебного года на кафедре проводятся консультации согласно графику консультаций в «День заочника», с помощью электронной почты кафедры и преподавателей, а также через систему дистанционного обучения <http://sdo.polytech21.ru/>.

В соответствии с учебным планом специальности студенты очной и заочной форм обучения выполняют расчетно-графическую работу (РГР).

К выполнению работы следует приступать только после изучения соответствующего теоретического материала курса по учебнику и ознакомления с методическими указаниями.

Выполняя РГР, студент должен придерживаться указанных ниже правил.

1 РГР пишется по варианту, номер которого определяется по двум последним цифрам  $p$  и  $q$  номера зачетной книжки студента (например: номеру зачетной книжки студента №123456 соответствует 56 вариант, где  $p=5$  и  $q=6$ ). При решении заданий своего варианта студенту необходимо заменить  $p$  и  $q$  соответствующими цифрами. РГР, выполненная не по своему варианту, не засчитывается.

2 РГР оформляется в тетради, в которой оставляются поля для замечаний рецензента. На обложке тетради необходимо поместить название предмета, номер зачетной книжки, вариант РГР, заголовок работы, в котором

указываются фамилия и инициалы студента, профиль подготовки, фамилия и инициалы преподавателя, ведущего данный предмет.

3 Решение задач следует располагать в порядке номеров, указанных в заданиях, сохраняя номера задач. Перед решением каждой задачи нужно выписать полностью ее условие. Решение задач нужно излагать подробно и аккуратно, объясняя все действия и делая необходимые построения и расчеты.

4 Выполненная студентом работа предоставляется на проверку не позднее, чем за две недели до начала сессии. При допуске РГР к защите работа студенту не возвращается. В противном случае работа возвращается на доработку.

5 После получения отрецензированной работы студент должен исправить в этой же тетради все отмеченные ошибки и недочеты.

6 Студент, не сдавший РГР в срок, не допускается до зачета.

### 7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на разных уровнях сформированности:

Код, наименование компетенции	Уровень сформированности	Показатели достижения заданного уровня освоения компетенции и критерии оценивания	Оценивание компетенции	Способы и средства оценивания уровня сформированности компетенции
ОПК-2 способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач	Пороговый уровень	<b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса Теория вероятностей и математическая статистика. <b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы. <b>владеть:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений	удовлетворительно/ зачтено	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Продвинутый уровень	<b>знать:</b> Достаточно хорошо владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса. <b>уметь:</b> Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы. <b>владеть:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений	хорошо/ зачтено	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), зачет

	Высокий уровень	<p><b>знать:</b> В полной мере владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p><b>уметь:</b> Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	отлично/ зачтено	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
ОПК-3 способность выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы	Пороговый уровень	<p><b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса Теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	удовлетворительно/ зачтено	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Продвинутый уровень	<p><b>знать:</b> Достаточно хорошо владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p><b>уметь:</b> Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	хорошо/ зачтено	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Высокий уровень	<p><b>знать:</b> В полной мере владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p><b>уметь:</b> Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	отлично/ зачтено	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
ПК-1 способность собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей,	Пороговый уровень	<p><b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса Теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	<b>удовлетворительно/ зачтено</b>	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет

<p>характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов</p> <p>ПК-4 способность на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты</p>	Продвинутый уровень	<p>знать: Достаточно хорошо владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике , знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p>уметь: Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p>владеть: Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	<b>хорошо/зачтено</b>	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Высокий уровень	<p>знать: В полной мере владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике , отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p>уметь: Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p>владеть: Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	<b>отлично/зачтено</b>	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Пороговый уровень	<p>знать: Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса Теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p>уметь: не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p>владеть: недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	<b>удовлетворительно/зачтено</b>	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Продвинутый уровень	<p>знать: Достаточно хорошо владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике , знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p>уметь: Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p>владеть: Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	<b>хорошо/зачтено</b>	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет
	Высокий уровень	<p>знать: В полной мере владеет знаниями по Теории вероятностей и математической статистике , отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса.</p> <p>уметь: Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p>владеть: Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	<b>отлично/зачтено</b>	Опрос, тест, индивидуальное (творческое) задание, рефераты (доклады), Зачет

## Вопросы для подготовки к зачету

1. Формулы комбинаторики.
2. События и операции над ними.
3. Классическое определение вероятности.
4. Полная группа событий.
5. Теоремы умножения вероятностей.
6. Теоремы сложения вероятностей.
7. Формула полной вероятности.
8. Формула Бейеса.
9. Дискретные случайные величины. Математическое ожидание, его свойства.
10. Дисперсия, ее свойства.
11. Непрерывные случайные величины.
12. Плотность распределения вероятности.
13. Математическое ожидание непрерывной случайной величины.
14. Дисперсия непрерывной случайной величины.
15. Нормальное распределение.
16. Правило трех «сигм».
17. Генеральная и выборочная совокупности.
18. Способы отбора в выборочную совокупность.
19. Несмещенность, эффективность и состоятельность оценок.
20. Оценка генеральной средней по выборочной.
21. Оценка генеральной дисперсии по выборочной.
22. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.
23. Интервальные оценки мат. ожидания нормального распределения при известном  $\sigma$ .
24. Интервальные оценки мат. ожидания нормального распределения при неизвестном  $\sigma$ .
25. Интервальные оценки для среднего квадратического отклонения нормального распределения.
26. Уравнение линейной регрессии.
27. Коэффициент корреляции.
28. Определение параметров нелинейных уравнений регрессии.
29. Критерии согласия.
30. Проверка гипотезы о равенстве долей и средних.
31. Проверка гипотезы о значении параметров нормального распределения.
32. Проверка гипотезы о виде распределения.

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины**

### Основная литература

Васильев, А. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / А. А. Васильев. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 224 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-16714-6. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/531568>.

Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/517540>

#### Дополнительная литература

Энатская, Н. Ю. Теория вероятностей : учебное пособие для вузов / Н. Ю. Энатская. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 203 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01338-2. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/512081>.

Теория вероятностей и математическая статистика. Математические модели : учебник для вузов / В. Д. Мятлев, Л. А. Панченко, Г. Ю. Ризниченко, А. Т. Терехин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 321 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01698-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/512500>

#### Периодика

«Математика в высшем образовании» [Электронный ресурс]: научно-теоретический журнал – Режим доступа: <http://www.mvo.unn.ru/>

### **9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Изучение учебной дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» предполагает овладение материалами лекций, учебников, творческую работу студентов в ходе проведения практических занятий, а также систематическое выполнение упражнений, тестовых и иных заданий для самостоятельной работы студентов.

#### *1. Подготовка к лекциям.*

Лекция является важнейшей формой организации учебного процесса. Она знакомит с новым учебным материалом, разъясняет учебные элементы, трудные для понимания, систематизирует учебный материал, ориентирует в учебном процессе. Для того чтобы лекция для студента была продуктивной, к ней надо готовиться. Подготовка к лекции заключается в следующем:

- узнайте тему лекции (по тематическому плану, по информации лектора),

- прочитайте учебный материал по учебнику и учебным пособиям,
- уясните место изучаемой темы в своей профессиональной подготовке,
- выпишите основные термины,
- ответьте на контрольные вопросы по теме лекции,
- уясните, какие учебные элементы остались для вас неясными,
- запишите вопросы, которые вы зададите лектору на лекции.

## 2. *Рекомендации по подготовке к практическому занятию.*

1. Чтение конспекта лекций и учебника должно сопровождаться практическим решением и исследованием математических задач на основании теоретических положений дисциплины, для чего рекомендуется завести специальную тетрадь. Если студент видит несколько путей для решения задачи, то он должен сравнить их и выбрать из них самый удобный. Полезно до начала вычислений составить краткий план решения. Решения задач и примеров следует излагать подробно, обосновывать каждый этап решения, исходя из теоретических положений курса. Вычисления располагать в строгом порядке, отделяя вспомогательные вычисления от основных. Ошибочные записи следует не стирать и не замазывать, а зачеркивать. В промежуточных вычислениях не следует вводить приближенные значения корней, логарифмов, числа и т.п. Чертежи можно выполнять от руки, но аккуратно и в соответствии с данными условиями и указанием масштаба. Если чертеж требует особо тщательного выполнения, например, при графической проверке решения, полученного путём вычислений, то следует пользоваться линейкой, транспортиром и лекалом.

2. Решение каждого задания должно доводиться до окончательного ответа, которого требует условие, и, по возможности, в общем виде с выводом формулы. Затем в полученную формулу подставляют числовые значения (если таковые даны) входящих в нее букв.

3. Полученный ответ следует проверять способами, вытекающими из существа данной задачи. Если, например, решалась задача с конкретным физическим, геометрическим или экономическим содержанием, то полезно прежде всего проверить размерность полученного ответа. Полезно также, если возможно, решить задачу несколькими способами и сравнить полученные результаты.

4. Решение задач определенного типа нужно продолжать до приобретения твердых навыков в их решении. Однако следует предостеречь от весьма распространённой ошибки, заключающейся в том, что благополучное решение задач воспринимается студентом как признак хорошего усвоения теории. Правильное решение задачи часто получается в результате применения механически заученных формул и указаний по их использованию без понимания сущности. Можно сказать, что умение решать задачи является необходимым, но явно недостаточным условием хорошего знания теории.

5. Если при решении практических задач у студента возникают вопросы, разрешить которые самостоятельно не удастся, он может обратиться к

преподавателю для получения от него указаний в виде письменной или устной консультаций. В своих запросах студент должен точно указывать, в чем он испытывает затруднение при решении задачи, каков характер этого затруднения, привести предполагаемый план решения. За консультацией следует обращаться и в случаях, если возникнут сомнения в правильности ответов решаемых задач или в правильности ответов на вопросы для самопроверки.

### *3. Рекомендации по подготовке к промежуточной аттестации (зачёту)*

На зачете выясняется прежде всего отчётливое знание теоретических вопросов программы курса. Определения, теоремы и правила должны формулироваться логически верно, ясно и аргументировано как в письменном изложении, так и устно. Выводы формул, их обоснования и анализ должны прорабатываться с пониманием существа вопроса, без ошибок и уверенно. Только при выполнении этих условий знания могут быть признаны удовлетворяющими требованиями, формирующим компетенции.

При подготовке к зачету теоретический материал рекомендуется учить по конспекту лекций, прорабатывая его не менее трех раз.

Чтение учебника. При первом чтении конспекта необходимо, не заучивая текста лекций, прорабатывать на бумаге все вычисления, воспроизводя имеющиеся чертежи. Одновременно следует выписывать определения, формулировки теорем, формулы и уравнения на отдельные листы. При втором чтении конспекта заучивается текст лекций с выполнением уже разобранных вычислений и чертежей и сверкой определений, формулировок теорем, формул и определений с записанными ранее на отдельных листах. При третьем чтении содержание вопросов воспроизводится по памяти, с уточнением по конспекту при необходимости в этом.

После трех проработок заучиваются наизусть определения, формулировки теорем, формулы и уравнения, записанные на отдельных листах, до их безошибочного воспроизведения в устной или письменной форме, так как они и должны составлять прочный набор остаточных знаний, необходимых для дальнейшего изучения математических дисциплин.

Рекомендуемая система подготовки к сдаче зачета по математическим дисциплинам проверена и подтверждается многолетней практикой и дает весьма успешные результаты. Утром, в день экзамена, записанные на отдельных листах определения, формулировки теорем, формулы и уравнения необходимо еще раз воспроизвести по памяти в устной или письменной форме для обретения чувства уверенности.

## **10. Электронная информационно-образовательная среда**

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечивается индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде Чебоксарского института (филиала) Московского

политехнического университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее – сеть «Интернет»), как на территории филиала, так и вне ее.

Электронная информационно-образовательная среда – совокупность информационных и телекоммуникационных технологий, соответствующих технологических средств, обеспечивающих освоение обучающимися образовательных программ в полном объеме независимо от места нахождения обучающихся.

Электронная информационно-образовательная среда обеспечивает:

а) доступ к учебным планам, рабочим программам дисциплин (модулей), практик, электронным учебным изданиям и электронным образовательным ресурсам, указанным в рабочих программах дисциплин (модулей), практик;

б) формирование электронного портфолио обучающегося, в том числе сохранение его работ и оценок за эти работы;

в) фиксацию хода образовательного процесса, результатов промежуточной аттестации и результатов освоения программы бакалавриата;

г) проведение учебных занятий, процедур оценки результатов обучения, реализация которых предусмотрена с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий;

д) взаимодействие между участниками образовательного процесса, в том числе синхронное и (или) асинхронное взаимодействия посредством сети «Интернет».

Функционирование электронной информационно-образовательной среды обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих.

Функционирование электронной информационно-образовательной среды соответствует законодательству Российской Федерации.

Основными составляющими ЭИОС филиала являются:

а) сайт института в сети Интернет, расположенный по адресу [www.polytech21.ru](http://www.polytech21.ru), <https://chebpolytech.ru/> который обеспечивает:

- доступ обучающихся к учебным планам, рабочим программам дисциплин, практик, к изданиям электронных библиотечных систем, электронным информационным и образовательным ресурсам, указанных в рабочих программах (разделы сайта «Сведения об образовательной организации»);

- информирование обучающихся обо всех изменениях учебного процесса (новостная лента сайта, лента анонсов);

- взаимодействие между участниками образовательного процесса (подразделы сайта «Задать вопрос директору»);

б) официальные электронные адреса подразделений и сотрудников института с Яндекс-доменом [@polytech21.ru](mailto:@polytech21.ru) (список контактных данных подразделений Филиала размещен на официальном сайте Филиала в разделе

«Контакты», списки контактных официальных электронных данных преподавателей размещены в подразделах «Кафедры») обеспечивают взаимодействие между участниками образовательного процесса;

в) личный кабинет обучающегося (портфолио) (вход в личный кабинет размещен на официальном сайте Филиала в разделе «Студенту» подразделе «Электронная информационно-образовательная среда») включает в себя портфолио студента, электронные ведомости, рейтинг студентов и обеспечивает:

- фиксацию хода образовательного процесса, результатов промежуточной аттестации и результатов освоения образовательных программ обучающимися,

- формирование электронного портфолио обучающегося, в том числе с сохранение работ обучающегося, рецензий и оценок на эти работы,

г) электронные библиотеки, включающие электронные каталоги, полнотекстовые документы и обеспечивающие доступ к учебно-методическим материалам, выпускным квалификационным работам и т.д.:

Чебоксарского института (филиала) - «ИРБИС»

д) электронно-библиотечные системы (ЭБС), включающие электронный каталог и полнотекстовые документы:

- «ЛАНЬ» -[www.e.lanbook.com](http://www.e.lanbook.com)

- Образовательная платформа Юрайт -<https://urait.ru>

е) платформа цифрового образования Политеха -<https://lms.mospolytech.ru/>

ж) система «Антиплагиат» -<https://www.antiplagiat.ru/>

з) система электронного документооборота DIRECTUM Standard — обеспечивает документооборот между Филиалом и Университетом;

и) система «1С Управление ВУЗом Электронный деканат» (Московский политехнический университет) обеспечивает фиксацию хода образовательного процесса, результатов промежуточной аттестации и результатов освоения образовательных программ обучающимися;

к) система «POLYTECH systems» обеспечивает информационное, документальное автоматизированное сопровождение образовательного процесса;

л) система «Абитуриент» обеспечивает документальное автоматизированное сопровождение работы приемной комиссии.

**11. Программное обеспечение (лицензионное и свободно распространяемое), используемое при осуществлении образовательного процесса**

Аудитория	Программное обеспечение	Информация о праве собственности (реквизиты договора, номер лицензии и т.д.)
Учебная аудитория для проведения учебных занятий всех видов, предусмотренных программой бакалавриата/	Kaspersky Endpoint Security Стандартный Educational Renewal 2 года. Band S: 150-249	Номер лицензии 2В1Е-211224-064549-2-19382 Сублицензионный договор №821 832.223.3К/21 от 24.12.2021 до 31.12.2023

специалитета/ магистратуры, оснащенная оборудованием и техническими средствами обучения, состав которых определяется в рабочих программах дисциплин (модулей) № 1206 Учебная аудитория для проведения учебных занятий	Windows 7 OLPNLAcdmс	договор №Д03 от 30.05.2012) с допсоглашениями от 29.04.14 и 01.09.16 (бессрочная лицензия)
	AdobeReader	свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	Гарант	Договор № 735_480.2233К/20 от 15.12.2020
	Yandex браузер	отечественное свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	Microsoft Office Standard 2007(Microsoft DreamSpark Premium Electronic Software Delivery Academic(Microsoft Open License	номер лицензии-42661846 от 30.08.2007) с допсоглашениями от 29.04.14 и 01.09.16 (бессрочная лицензия)
	Zoom	свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	AIMP	отечественное свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
№ 1126 Помещение для самостоятельной работы обучающихся	Kaspersky Endpoint Security Стандартный Educational Renewal 2 года. Band S: 150-249	Номер лицензии 2В1Е-211224-064549-2-19382 Сублицензионный договор №821_832.223.3К/21 от 24.12.2021 до 31.12.2023
	Windows 7 OLPNLAcdmс	договор №Д03 от 30.05.2012) с допсоглашениями от 29.04.14 и 01.09.16 (бессрочная лицензия)
	AdobeReader	свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	Гарант	Договор № 735_480.2233К/20 от 15.12.2020
	Yandex браузер	свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	Microsoft Office Standard 2007(Microsoft DreamSpark Premium Electronic Software Delivery Academic(Microsoft Open License	номер лицензии-42661846 от 30.08.2007) с допсоглашениями от 29.04.14 и 01.09.16 (бессрочная лицензия)

	License	
	Zoom	свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	AIMP	отечественное свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
Учебная аудитория для проведения учебных занятий всех видов, предусмотренных программой бакалавриата/специалитета/ магистратуры, оснащенная оборудованием и техническими средствами обучения, состав которых определяется в рабочих программах дисциплин (модулей) № 1116	Kaspersky Endpoint Security Стандартный Educational Renewal 2 года. Band S: 150-249	Номер лицензии 2B1E-211224-064549-2-19382 Сублицензионный договор №821_832.223.3К/21 от 24.12.2021 до 31.12.2023
	MS Windows 7 Pro	договор № 392_469.223.3К/19 от 17.12.19 (бессрочная лицензия)
	Zoom	Свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	Google Chrome	Свободное распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)
	AIMP	отечественное свободно распространяемое программное обеспечение (бессрочная лицензия)

## 12. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Тип и номер помещения	Перечень основного оборудования и технических средств обучения
Учебная аудитория для проведения учебных занятий всех видов, предусмотренных программой бакалавриата/специалитета/ магистратуры, оснащенная оборудованием и техническими средствами обучения, состав которых определяется в рабочих программах дисциплин (модулей) № 1206 (г. Чебоксары, ул. К.Маркса, 60)	<u>Оборудование:</u> комплект мебели для учебного процесса; доска учебная; информационные стенды; <u>Технические средства обучения:</u> персональный компьютер; мультимедийное оборудование (проектор, экран).
Помещение для самостоятельной работы обучающихся № 1126 (г. Чебоксары, ул. К.Маркса, д.60)	<u>Оборудование:</u> комплект мебели для учебного процесса; <u>Технические средства обучения:</u> компьютерная техника с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Филиала
Учебная аудитория для проведения	<u>Оборудование:</u> комплект мебели для учебного

учебных занятий всех видов, предусмотренных программой бакалавриата/специалитета/магистратуры, оснащенная оборудованием и техническими средствами обучения, состав которых определяется в рабочих программах дисциплин (модулей) № 1116 (г. Чебоксары, ул. К.Маркса, д.60)	процесса; доска учебная <u>Технические средства обучения:</u> компьютерная техника; мультимедийное оборудование (проектор, экран)
---	--

## 1. ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

№	Контролируемые разделы (темы) дисциплины (согласно РПД)	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
1.	Основные теоремы теории вероятностей	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
2.	Повторные испытания	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4	Опрос, индивидуальное задание, тест, зачет
3.	Случайные величины и законы их распределения	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4	Опрос, индивидуальное задание, тест, зачет
4.	Непрерывные случайные величины	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4	Опрос, индивидуальное задание, тест, зачет
5.	Элементы математической статистики	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
6.	Элементы теории корреляции	ОПК-2 ОПК-3 ПК-1 ПК-4	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет

**2. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИИ С УКАЗАНИЕМ ЭТАПОВ (УРОВНЕЙ) ИХ ФОРМИРОВАНИЯ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ С ОПИСАНИЕМ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ ОЦЕНИВАНИЯ**

Код, наименование компетенции	Уровень сформированности	Технология формирования компетенции	Показатели достижения заданного уровня освоения компетенции и критерии оценивания	Оценивание компетенции	Способы и средства оценивания уровня сформированности компетенции
ОПК-2 способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач	Пороговый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
	Продвинутый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Достаточно хорошо владеет математическими знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет

	Высокий уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> В полной мере владеет математическими знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
ОПК – 3 способность выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы	Пороговый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
	Продвинутый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Достаточно хорошо владеет математическими знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет

	Высокий уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> В полной мере владеет математическими знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
ПК-1 способность собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов	Пороговый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
	Продвинутый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Достаточно хорошо владеет математическими знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет

	Высокий уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> В полной мере владеет математическими знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
ПК-4 способность на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты	Пороговый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> недостаточно владеет навыками решения задач и доказательства положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
	Продвинутый уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> Достаточно хорошо владеет математическими знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет

	Высокий уровень	лекция, самостоятельная работа, практические занятия	<p><b>знать:</b> В полной мере владеет математическими знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика.</p> <p><b>уметь:</b> Безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.</p> <p><b>владеть навыками:</b> Владеет навыками решения задач и доказательствами положений</p>	зачтено	Опрос, индивидуальное задание, реферат, тест, зачет
--	-----------------	--	--	---------	---

### 3. КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ И МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ И НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

#### 3.1. КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ) ДЛЯ ОПРОСА НА ЗАНЯТИЯХ

Тема (раздел)	Вопросы
Основные теоремы теории вероятностей	<ul style="list-style-type: none"> <li>- классическое определение вероятности, примеры</li> <li>- что такое полная группа событий? Приведите примеры.</li> <li>- какие события называются противоположными, независимыми?</li> <li>- какие теоремы умножения вероятностей вы знаете? Приведите примеры</li> <li>- какие теоремы сложения вероятностей вы знаете?</li> <li>-асимптотическая формула Пуассона</li> <li>- напишите формулу полной вероятности и формулу Байеса</li> <li>-напишите формулу Бернулли</li> <li>- локальная теорема Лапласа</li> <li>-интегральная теорема Лапласа</li> </ul>
Повторные испытания	<ul style="list-style-type: none"> <li>-асимптотическая формула Пуассона</li> <li>- напишите формулу полной вероятности и формулу Байеса</li> <li>-напишите формулу Бернулли</li> <li>- локальная теорема Лапласа</li> <li>-интегральная теорема Лапласа</li> </ul>

Случайные величины и законы их распределения	<ul style="list-style-type: none"> <li>- что такое случайная величина? Приведите примеры</li> <li>- виды случайных величин</li> <li>-напишите закон распределения вероятностей д.с.в.</li> <li>-Биномиальное распределение</li> <li>-распределение Пуассона</li> <li>-что такое математическое ожидание?</li> <li>-что такое дисперсия?</li> <li>- что такое мода?</li> <li>- основные законы распределения непрерывной с.в.</li> <li>- плотность распределения вероятностей н.с.в.</li> <li>- числовые характеристики н.с.в.</li> </ul>
Непрерывные случайные величины	<ul style="list-style-type: none"> <li>-что такое математическое ожидание?</li> <li>-что такое дисперсия?</li> <li>- что такое мода?</li> <li>- основные законы распределения непрерывной с.в.</li> <li>- плотность распределения вероятностей н.с.в.</li> <li>- числовые характеристики н.с.в.</li> </ul>
Элементы математической статистики	<ul style="list-style-type: none"> <li>- генеральная и выборочная совокупности</li> <li>- эмпирическая функция распределения</li> <li>- способы отбора</li> <li>-полигон и гистограмма</li> <li>-генеральная средняя</li> <li>-выборочная средняя</li> <li>-характеристики вариационного ряда</li> <li>-доверительный интервал</li> </ul>
Элементы теории корреляции	<ul style="list-style-type: none"> <li>- условные средние и выборочные уравнения</li> <li>- уравнение прямой линии регрессии</li> <li>-критическая область</li> <li>- связь между двусторонней критической областью и доверительным интервалом</li> </ul>

### **3.2. ТЕМЫ ДЛЯ РЕФЕРАТОВ (ДОКЛАДОВ), САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ**

1. Предмет теории вероятностей. Основные понятия.
2. Основные теоремы и формулы теории вероятностей.
3. Повторные испытания.
4. Дискретные случайные величины и их числовые характеристики.
5. Непрерывные случайные величины и их числовые характеристики.
6. Выборочный метод изучения генеральной совокупности.
7. Точечные и интервальные статистические оценки параметров распределения.

8. Элементы корреляционного анализа.
9. Критерии согласия и гипотезы о виде распределения.

### **3.3. ИНДИВИДУАЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ВЫПОЛНЕНИЯ РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКОЙ РАБОТЫ, КУРСОВОЙ РАБОТЫ (ПРОЕКТА)**

С целью обеспечения выполнения учебного плана студентами, обучающимися индивидуально и по заочной форме обучения, а также в случаях возникновения задолженностей по дисциплине, созданы условия их ликвидации. Для обучающихся этих категорий разработаны индивидуальные задания для самостоятельного выполнения, которые представлены на сайте института <http://sdo.polytech21.ru/>. В течение учебного года на кафедре проводятся консультации согласно графику консультаций в «День заочника», с помощью электронной почты кафедры и преподавателей, а также через систему дистанционного обучения <http://sdo.polytech21.ru/>.

В соответствии с учебным планом студенты очной и заочной форм обучения выполняют РГР.

К выполнению работы следует приступать только после изучения соответствующего теоретического материала курса по учебнику и ознакомления с методическими указаниями.

Выполняя РГР, студент должен придерживаться указанных ниже правил.

1.РГР пишется по варианту, номер которого определяется по двум последним цифрам  $p$  и  $q$  номера зачетной книжки студента (например: номеру зачетной книжки студента №123456 соответствует 56 вариант, где  $p=5$  и  $q=6$ ). При решении заданий своего варианта студенту необходимо заменить  $p$  и  $q$  соответствующими цифрами. Работа, выполненная не по своему варианту, не засчитывается.

2.Работа оформляется в тетради, в которой оставляются поля для замечаний рецензента. На обложке тетради необходимо поместить название предмета, номер зачетной книжки, вариант работы, заголовок работы, в котором указываются фамилия и инициалы студента, профиль подготовки, фамилия и инициалы преподавателя, ведущего данный предмет.

3.Решение задач следует располагать в порядке номеров, указанных в заданиях, сохраняя номера задач. Перед решением каждой задачи нужно выписать полностью ее условие. Решение задач нужно излагать подробно и аккуратно, объясняя все действия и делая необходимые построения и расчеты.

4.Выполненная студентом РГР предоставляется на проверку не позднее, чем за две недели до начала сессии. При допуске РГР к защите работа студенту не возвращается. В противном случае работа возвращается на доработку.

5. После получения отрецензированной работы студент должен исправить в этой же тетради все отмеченные ошибки и недочеты.

6. Студент, не сдавший работу в срок, не допускается до зачета.

### 3.4. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ОСТАТОЧНЫХ ЗНАНИЙ (ТЕСТ)

#### Тестовые задания

1. Вероятность того, что оба вынутых шара белые, при условии, что в первой урне 4 белых и 1 черный шар, а во второй 2 белых и 3 черных шара, если из каждой урны наудачу вынимают по одному шару, равна

а)  $22/25$ ; б)  $12/25$ ; в)  $3/5$ ; г)  $8/25$ .

2. Вероятность того, что на всех трех бросаемых костях выпадет одинаковое число очков, равна

а)  $1/12$ ; б)  $1/72$ ; в)  $1/6$ ; г)  $1/18$ .

3. В группе 20 студентов. Тогда число способов выбрать среди них старосту и его заместителя, равно ...

а) 380; б) 39; в) 400; г) 210.

4. В черном ящике шесть шаров с номерами 1-6, шары по одному извлекают из ящика, какова вероятность того, что их номера появятся в возрастающем порядке?

а)  $1/1024$ ; б)  $1/120$ ; в)  $1/64$ ; г)  $1/720$ .

5. С первого станка на сборку поступает 60%, со второго – 40 % всех деталей. Среди деталей первого станка 80% стандартных, второго – 70%. Взятая на удачу деталь оказалась стандартной. Тогда вероятность того, что она изготовлена на втором станке, равна...

а)  $7/19$ ; б)  $16/37$ ; в)  $7/25$ ; г)  $12/19$ .

6. Из урны, в которой находятся 6 черных и 4 белых шаров, вынимают одновременно 2 шара. Тогда вероятность того, что оба шара будут черными» равна...

а)  $16/45$ ; б)  $1/3$ ; в)  $4/15$ ; г)  $2/3$ .

7. Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,6 и 0,9 соответственно. Тогда вероятность того, что цель будет поражена, равна ...

а) 0,54; б) 0,996; в) 0,46; г) 0,96.

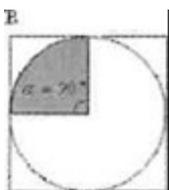
8. Дискретная случайная величина  $X$  задана законом распределения вероятностей.

$X$	1	3	5	6
$P$	0	0	1	0

Пусть  $M\{X\}$  - математическое ожидание. Тогда  $10-M(X)$  равно .

а) 43; б) 45; в) 42; г) 44.

9. В квадрат со стороной 7 вписан круг.



Тогда вероятность того, что точка, брошенная в квадрат, попадает в выделенный сектор равна...

- а)  $\pi/28$ ; б)  $\pi/4$ ; в)  $16/\pi$ ; г)  $\pi/16$ .

10. По мишени производится четыре выстрела. Значение вероятности промаха при первом выстреле 0,5; при втором - 0,3; при третьем - 0,2; при четвертом - 0,1. Тогда вероятность того, что мишень не будет поражена ни разу равна...

- а) 0,003; б) 0,275; в) 1,1; г) 0,03.

11. Событие А может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий  $B_1$  и  $B_2$ , образующих полную группу событий. Известны вероятность  $P(A/B_1)=1/2$  и условные вероятности  $P(A/B_2)=1/4$ . Тогда вероятность  $P(A)$  равна...

- а)  $1/3$ ; б)  $1/2$ ; в)  $2/3$ ; г)  $3/4$ .

12. Статистическое распределение выборки имеет вид

x	2	3	7	1
i				0
n	4	7	5	4
i				

Тогда относительная частота варианты  $x_1 = 2$ , равна...

- а) 0,2; б) 0,1; в) 4; г) 0,4.

13. Мода вариационного ряда 1,4,4,5,6,8,9 равна...

- а) 4; б) 9; в) 1; г) 5.

14. Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 10. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

- а) (8,5;11,5); б) (8,4;10); в) (10;10,9); г) (8,6;9,6);

15. Если основная гипотеза имеет вид  $H_0: a=20$ , то конкурирующей может быть гипотеза ...

- а)  $H_1: a > 20$ ; б)  $H_1: a \leq 20$ ; в)  $H_1: a \geq 10$ ; г)  $H_1: a \geq 20$

### 3.5. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ПРОМЕЖУТОЧНОГО КОНТРОЛЯ (ВОПРОСЫ ДЛЯ ЗАЧЕТА)

1. Формулы комбинаторики.
2. События и операции над ними.
3. Классическое определение вероятности.

4. Полная группа событий.
5. Теоремы умножения вероятностей.
6. Теоремы сложения вероятностей.
7. Формула полной вероятности.
8. Формула Байеса.
9. Дискретные случайные величины.
10. Математическое ожидание, его свойства.
11. Дисперсия, ее свойства.
12. Непрерывные случайные величины.
13. Плотность распределения вероятности.
14. Математическое ожидание непрерывной случайной величины.
15. Дисперсия непрерывной случайной величины.
16. Нормальное распределение.
17. Правило трех «сигм».
18. Генеральная и выборочная совокупности.
19. Способы отбора в выборочную совокупность.
20. Несмещенность, эффективность и состоятельность оценок.
21. Оценка генеральной средней по выборочной.
22. Оценка генеральной дисперсии по выборочной.
23. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.
24. Интервальные оценки мат. ожидания нормального распределения при известном  $\sigma$ .
25. Интервальные оценки мат. ожидания нормального распределения при неизвестном  $\sigma$ .
26. Интервальные оценки для среднего квадратического отклонения нормального распределения.
27. Уравнение линейной регрессии.
28. Коэффициент корреляции.
29. Определение параметров нелинейных уравнений регрессии.
30. Критерии согласия.
31. Проверка гипотезы о равенстве долей и средних.
32. Проверка гипотезы о значении параметров нормального распределения.
33. Проверка гипотезы о виде распределения.

#### **4.МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ**

##### **4.1.Показатели оценивания компетенций на различных этапах их формирования, достижение обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине**

**ОПК – 2** - способность осуществлять сбор, анализ и обработку данных, необходимых для решения профессиональных задач

Этап (уровень)	Критерии оценивания			
	не зачтено	зачтено	зачтено	зачтено
<b>знать</b>	Обучающийся демонстрирует полное отсутствие или недостаточное соответствие следующих знаний: не владеет математическими знаниями, не знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих знаний: недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих знаний: достаточно хорошо владеет математическим и знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих знаний: в полной мере владеет математическим и знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика
<b>уметь</b>	Обучающийся не умеет или в недостаточной степени умеет решать задачи и доказывать теоремы	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих умений: не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих умений: почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих умений: безупречно может решать задачи и доказывать теоремы.
<b>владеть</b>	Обучающийся не владеет или в недостаточной степени владеет навыками решения задач и доказательства положений	Обучающийся владеет в неполном объеме и проявляет недостаточность владения навыками решения задач и доказательства положений	Обучающимся допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения, частично владеет навыками	Обучающийся свободно применяет полученные навыки, в полном объеме владеет навыками решения задач и

			решения задач и доказательствам и положений	доказательствам и положений
<b>ОПК – 3</b> -способность выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы				
Этап (уровень)	Критерии оценивания			
	не зачтено	зачтено	зачтено	зачтено
<b>знать</b>	Обучающийся демонстрирует полное отсутствие или недостаточное соответствие следующих знаний: не владеет математическими знаниями, не знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих знаний: недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих знаний: достаточно хорошо владеет математическим и знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих знаний: в полной мере владеет математическим и знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика
<b>уметь</b>	Обучающийся не умеет или в недостаточной степени умеет решать задачи и доказывать теоремы	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих умений: не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих умений: почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих умений: безусловно может решать задачи и доказывать теоремы.
<b>владеть</b>	Обучающийся не владеет или в недостаточной степени	Обучающийся владеет в неполном объеме и проявляет	Обучающимся допускаются незначительные	Обучающийся свободно применяет

	владеет навыками решения задач и доказательства положений	недостаточность владения навыками решения задач и доказательства положений	ошибки, неточности, затруднения, частично владеет навыками решения задач и доказательствам и положений	полученные навыки, в полном объеме владеет навыками решения задач и доказательствам и положений
--	---	--	--	---

**ПК – 1** -способность собрать и проанализировать исходные данные, необходимые для расчета экономических и социально-экономических показателей, характеризующих деятельность хозяйствующих субъектов

Этап (уровень)	Критерии оценивания			
	не зачтено	зачтено	зачтено	зачтено
<b>знать</b>	Обучающийся демонстрирует полное отсутствие или недостаточное соответствие следующих знаний: не владеет математическими знаниями, не знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих знаний: недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих знаний: достаточно хорошо владеет математическим и знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих знаний: в полной мере владеет математическим и знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика
<b>уметь</b>	Обучающийся не умеет или в недостаточной степени умеет решать задачи и доказывать теоремы	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих умений: не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих умений: почти всегда может решать задачи и доказывать	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих умений: безусловно может решать задачи и

			теоремы.	доказывать теоремы.
<b>владеть</b>	Обучающийся не владеет или в недостаточной степени владеет навыками решения задач и доказательства положений	Обучающийся владеет в неполном объеме и проявляет недостаточность владения навыками решения задач и доказательства положений	Обучающимся допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения, частично владеет навыками решения задач и доказательствам и положений	Обучающийся свободно применяет полученные навыки, в полном объеме владеет навыками решения задач и доказательствам и положений

**ПК – 4** -способность на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты

Этап (уровень)	Критерии оценивания			
	не зачтено	зачтено	зачтено	зачтено
<b>знать</b>	Обучающийся демонстрирует полное отсутствие или недостаточное соответствие следующих знаний: не владеет математическими знаниями, не знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих знаний: недостаточно владеет математическими знаниями, недостаточно знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих знаний: достаточно хорошо владеет математическим и знаниями, знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика	Обучающийся демонстрирует полное соответствие следующих знаний: в полной мере владеет математическим и знаниями, отлично знает фундаментальные положения основных понятий в соответствии с программой курса теория вероятностей и математическая статистика
<b>уметь</b>	Обучающийся не умеет или в недостаточной степени умеет решать задачи и	Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих умений:	Обучающийся демонстрирует частичное соответствие	Обучающийся демонстрирует полное соответствие

	доказывать теоремы	не всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	следующих умений: почти всегда может решать задачи и доказывать теоремы.	следующих умений: безусловно может решать задачи и доказывать теоремы.
<b>владеть</b>	Обучающийся не владеет или в недостаточной степени владеет навыками решения задач и доказательства положений	Обучающийся владеет в неполном объеме и проявляет недостаточность владения навыками решения задач и доказательства положений	Обучающимся допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения, частично владеет навыками решения задач и доказательствам и положений	Обучающийся свободно применяет полученные навыки, в полном объеме владеет навыками решения задач и доказательствам и положений

#### 4.2. Шкалы оценивания результатов промежуточной аттестации и их описание

##### Форма промежуточной аттестации: зачет.

Промежуточная аттестация обучающихся в форме зачета проводится по результатам выполнения всех видов учебной работы, предусмотренных учебным планом по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», при этом учитываются результаты текущего контроля успеваемости в течение семестра. Оценка степени достижения обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине проводится преподавателем, ведущим занятия по дисциплине методом экспертной оценки. По итогам промежуточной аттестации по дисциплине выставляется оценка «зачет» или «незачет».

К промежуточной аттестации допускаются только студенты, выполнившие все виды учебной работы, предусмотренные рабочей программой по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика»: принимали участие в обсуждении и решении задач на практических занятиях, выполнили практические упражнения из задачника, индивидуальные домашние задания, прошли промежуточный контроль.

Шкала оценивания	Описание
------------------	----------

Зачет	<p>Выполнены все виды учебной работы, предусмотренные учебным планом. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками, применяет их в ситуациях повышенной сложности. При этом могут быть допущены незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.</p>
Незачет	<p>Не выполнен один или более видов учебной работы, предусмотренных учебным планом. Студент демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие знаний, умений, навыков по ряду показателей, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.</p>

## ЛИСТ ДОПОЛНЕНИЙ И ИЗМЕНЕНИЙ рабочей программы дисциплины

Рабочая программа дисциплины рассмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2021-2022 учебном году на заседании кафедры, протокол № 10 от «10» апреля 2021 г.

Внесены дополнения и изменения в части актуализации лицензионного программного обеспечение, используемое при осуществлении образовательного процесса по данной дисциплины, а так же современных профессиональных баз данных и информационных справочных системах, актуализации вопросов для подготовки к промежуточной аттестации

---

Рабочая программа дисциплины рассмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2022 - 2023 учебном году на заседании кафедры, протокол № 10 от « 14 » мая 2022 г.

Внесены дополнения и изменения в части актуализации лицензионного программного обеспечение, используемое при осуществлении образовательного процесса по данной дисциплины, современных профессиональных баз данных и информационных справочных системах, а так же перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

---

Рабочая программа дисциплины рассмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2023-2024 учебном году на заседании кафедры, протокол № 06 от «04» марта 2023 г.

Внесены дополнения и изменения в части актуализации лицензионного программного обеспечение, используемое при осуществлении образовательного процесса по данной дисциплины, а так же современных профессиональных баз данных и информационных справочных системах, актуализации тем для самостоятельной работы, актуализации вопросов для подготовки к промежуточной аттестации, актуализации перечня основной и дополнительной учебной литературы.

Рабочая программа дисциплины рассмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2023-2024 учебном году на заседании кафедры, протокол № 10 от «22» августа 2023 г.

Внесены дополнения и изменения в части актуализации электронных библиотечных систем.