Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Агафонов Александр Викторович

Должность: директор филиала

Дата подписания: 17 06 2022 10:45:14 Уникальный программный клюд: Льное государственное автономное образовательное 2539477a8ecf706dc9cff164bc411eb6d3c4ab06

Учреждение

ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»
ЧЕБОКСАРСКИЙ ИНСТИТУТ (ФИЛИАЛ) МОСКОВСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО
УНИВЕРСИТЕТА

# <u>Кафедра Информационных технологий, электроэнергетики и</u> систем управления

УТВЕРЖДАНО Директор филиала А.В. Агафонов « 26» мая 2022г.

# МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ по выполнению расчетно-графических работ №4 по дисциплине «Математика»

Направление	13.03.02 «Электроэнергетика и	
подготовки	электротехника»	
	(код и наименование направления	
	подготовки)	
Направленность	Электроснабжение	
подготовки	Электроснаожение	
	(наименование профиля подготовки)	
Квалификация		
выпускника	Бакалавр	
Форма обучения	очная и заочная	

Чебоксары, 2022

Методические указания разработаны в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 13.03.02 «Электроэнергетика и электротехника»

Автор <u>Кульпина Татьяна Александровна, кандидат физикоматематических наук, доцент кафедры Информационных технологий, электроэнергетики и систем управления</u>

(указать ФИО, ученую степень, ученое звание или должность)

Методические рекомендации одобрены на заседании кафедры <u>Информационных технологий, электроэнергетики и систем</u> управления

(протокол № 10 от 14.05.2022 г.).

### СОДЕРЖАНИЕ

1. Цель и организация выполнения расчетно-графической рабо	ΤЫ
	4
2. Выбор варианта и структура расчетно-графической работы	4
3. Требования к оформлению расчетно-графической работы	6
4. Задания расчётно-графической работы№1	6
5. Критерии оценки расчетно-графической работы и типов	вые
ошибки при ее выполнении	12
6. Рекомендуемая литература	12
7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационн	юй
сети «Интернет», необходимых для написания РГР	13
8. Приложения	16

# 1. Цель и организация выполнения расчетно-графической работы

В соответствии с учебным планом по направлению подготовки 13.03.02 «Электроэнергетика и электротехника» обучающиеся в процессе изучения дисциплины «Математика» выполняют расчетнографическую работу№4.

**Цель расчетно-графической работы** - выявить знания студентов методологических основ математики, умение применять эти знания в анализе социально-экономических явлений, производить расчеты, привить обучающимся навыки самостоятельной работы с применением математических методов.

В ходе выполнения расчетно-графической работы обучающийся должен проявить умение самостоятельно работать с учебной и научной математической литературой, применять математическую методологию в анализе конкретных данных, уметь вычислять пределы, находить производные, находить интегралы. Расчетно-графическая работа должна быть выполнена и представлена в срок, установленный графиком учебного процесса.

**Выполнение** расчетно-графической работы включает следующие этапы:

- ознакомление с программой дисциплины «Математика», методическими рекомендациями по выполнению расчетно-графической работы;
- проработка соответствующих разделов методологии математики по рекомендованной учебной литературе, конспектам лекций;
- выполнение расчетов с применением освоенных методов;

Завершенная работа представляется для проверки на кафедру преподавателю в установленные учебным графиком сроки. Срок проверки не более 5-7 дней. Преподаватель проверяет качество работы, отмечает положительные стороны, недостатки работы и оценивает ее. Обучающиеся, не подготовившие расчетнографическую работу, к экзамену не допускаются.

## 2. Выбор варианта и структура расчетно-графической работы

Задания для расчетно-графических работ составляются преподавателем, который ведет данную дисциплину, и утверждаются кафедрой.

Номер варианта расчетно-графической работы выбирается обучающимся по последней цифре в шифре номера зачетной

книжки. Так, например, если последняя цифра шифра 1, то обучающийся выполняет расчетно-графическую работу по варианту № 1.

При выполнении расчетно-графической работы необходимо придерживаться следующей структуры:

- титульный лист;
- введение;
- расчетная часть;
- заключение;
- список использованной литературы.

**Титульный лист** является первой страницей расчетнографической работы. Образец его оформления приведен в Приложении 1.

**Во введении** содержатся общие сведения о выполненной работе (0,5-1 с.).

**В расчетной части** обучающийся должен показать умение применять математические методы расчетов, рассчитывать необходимые данные, делать на их основе аргументированные выводы.

Условия задач в расчетной части должны быть приведены полностью. Решение задач следует сопровождать развернутыми расчетами, ссылками на математические формулы, анализом и выводами. Задачи, в которых даны только ответы без промежуточных вычислений, считаются нерешенными.

Все расчеты относительных показателей нужно производить с принятой в математике точностью вычислений: коэффициенты - до 0,001, а проценты - до 0,1.

Следует обратить особое внимание на выводы, которые должны быть обоснованными, подтверждаться предварительным анализом цифрового материала.

**В** заключении расчетно-графической работы (1 с.) в краткой форме резюмируются результаты работы.

После заключения приводится список литературы, включающий только те источники, которые были использованы при выполнении расчетно-графической работы и на которые имеются ссылки в тексте работы.

При описании литературных источников необходимо указать:

- фамилии и инициалы авторов;
- название книги, сборника, статьи;
- место издания;
- издательство;

- •год издания;
- количество страниц или конкретные страницы (последние в случае ссылки на статью или статистический сборник).

Стандартный формат описания источников приведен в списке литературы.

#### 3. Требования к оформлению расчетно-графической работы

При оформлении расчетно-графической работы необходимо руководствоваться следующими требованиями:

- 1. Объем работы 10-15 страниц текста на стандартных листах формата A4, набранных на компьютере с использованием текстового редактора или вручную (письменно), табличного процессора или других программных средств (размер шрифта 14 пунктов, интервал 1,5).
- 2. Страницы должны быть пронумерованы и иметь поля слева и справа не менее 25 мм для замечаний преподавателя-консультанта.
- 3. В тексте не должно быть сокращений слов, кроме общепринятых.
- 4. Все промежуточные данные проводимых расчетов и результаты следует представлять в явном виде.
- 5. Все таблицы должны иметь сквозную нумерацию. Приведенные в работе иллюстрации (графики, диаграммы) должны иметь подрисуночные подписи.
- 6. Описание литературных источников выполняется в соответствии со стандартными требованиями, приведенными в предыдущем разделе.

## 4. Задания расчётно-графической работы №1.

**Задание1.** Решить уравнение.

1. 
$$(1+y)dx - (1-x)dy = 0$$

$$2. \ (\sqrt{xy} + \sqrt{x})dy - ydx = 0$$

3. 
$$y' = \frac{y+1}{x+1}$$

4. 
$$\frac{yy'}{x} + e^y = 0$$

$$5. \ y' + \frac{x \sin x}{y \cos y} = 0$$

6. 
$$x + xy + y'(y + xy) = 0$$

7. 
$$6xdx - 6ydy - 2x^2ydy + 3xy^2dx = 0$$

8. 
$$y' = \frac{y \ln^3 y}{\sqrt{x+1}}$$

9. 
$$y' = \sin(x - y) - \sin(x + y)$$

10. 
$$y' = \cos(x + y) + \cos(x - y)$$

## Задание2. Решить уравнение.

$$1. ydx + (x+y)dy = 0$$

2. 
$$xy' = y + \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$3. \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} - \frac{x}{y}$$

$$4. \ \ y = xy' - xe^{\frac{y}{x}}$$

5. 
$$y' - \frac{y}{x}(1 + \ln y - \ln x) = 0$$

$$6. \ y' = \frac{x+y}{x-y}$$

7. 
$$y' = \frac{3x - 4y - 2}{3x - 4y - 3}$$

8. 
$$y' = \frac{x+y-2}{3x-y-2}$$

9. 
$$(2x^3y - y^4)dx + (2xy^3 - x^4)dy = 0$$

$$10. xy' + xtg \frac{y}{x} = y$$

Задание3. Решить уравнение.

1. 
$$y' - 2xy = e^{x^2}$$

2. 
$$(x+1)y'-2y=(x+1)^5$$

$$3. y' + y \cos x = \sin 2x$$

$$4. \ y' - y = \left(x + \frac{1}{x}\right)e^x$$

$$5. \ y' - \frac{y}{\sin x} = tg\frac{x}{2}$$

6. 
$$v'\cos y + \sin y = x$$

7. 
$$xy' - 4y + x^2 \sqrt{y}$$

8. 
$$y^2 dx + (xy - 1)dy = 0$$

9. 
$$x^3y^2y' + x^2y^3 = 1$$

10. 
$$ydx + (4 \ln y - 2x - y)dy = 0$$

Задание4. Решить уравнение.

1. 
$$\frac{y}{x}dx + (3y^2 + \ln x)dy = 0$$

2. 
$$e^{-y}dx + (2 - xe^{-y})dy = 0$$

3. 
$$(x\cos 2y - 3)dx - x^2\sin 2ydy = 0$$

4. 
$$\sin(x + y)dx + x\cos(x + y)(dx + dy) = 0$$

5. 
$$xe^{y^2}dx + (x^2ye^{y^2} + tg^2y)dy = 0$$

6. 
$$(xchy + shx)dy + (ychx + shy)dx = 0$$

7. 
$$(e^y + \sin x)dx + \cos xdy = 0$$

8. 
$$(x^2 - \sin^2 y)dx + x\sin 2ydy = 0$$

$$9. \ y^2 dx + xy dy - dy = 0$$

10. 
$$(1+3x^2\sin y)dy - xctgydy = 0$$

## Задание5. Решить уравнение.

1. 
$$y''' = 6x^2$$

2. 
$$y^{(4)} = \cos 2x$$

3. 
$$v'' = xe^{x^2} + 3^{-x}$$

4. 
$$y^{(9)} = e^{bx}$$

5. 
$$(1+x^2)y''' + 2xy'' = x^3$$

6. 
$$y^{(4)} - 2(y''' - 1)ctgx = 0$$

$$7. xy'' = y' \ln \frac{y'}{x}$$

8. 
$$y''' = (y'')^2$$

9. 
$$yy'' = (y')^2 + y'\sqrt{y^2 + (y')^2}$$

10. 
$$yy'' = y^2 \ln y - (y')^2$$

# Задание6. Решить уравнение.

1. 
$$y'' - 5y' + 6y = 0$$

$$2 y'' + 4y' = 0$$

3. 
$$4y'' + 4y' + y = 0$$

4. 
$$9y'' + 12y' + 4y = 0$$

5. 
$$y'' + y' + y = 0$$

6. 
$$4y'' + 9y = 0$$

7. 
$$y''' - 6y'' + 12y' - 8y = 0$$

8. 
$$y''' - 27y = 0$$

9. 
$$y^{(4)} - 5y'' + 6y' = 0$$

10. 
$$y^{(6)} + 3y^{(5)} + 3y^{(4)} + y''' = 0$$

# Задание 7. Решить уравнение.

1. 
$$y'' - 3y' + 2y = 2x^3 - 30$$

2. 
$$2y'' - y' - y = 4xe^{2x}$$

3. 
$$y'' - 2y' = x^2 - x$$

4. 
$$y'' + 6y' + 9y = (x - 2)e^{-3x}$$

5. 
$$y'' + 4y' + 4y = (2x + 3)\sin x + \cos x$$

6. 
$$y'' - 2y = 2x(\cos x - \sin x)e^x$$

7. 
$$y'' - 7y' + 6y = \sin x$$

8. 
$$y'' - 2y' + 5y = e^x \cos 2x$$

9. 
$$y'' - 2y' + 5y = xe^x \cos 2x + x^2 + x - 2$$

10. 
$$y'' - 2y' + y = \sin x + \frac{1}{2}e^x - \frac{1}{2}e^{-x}$$

Задание8. Решить данные системы дифференциальных уравнений:

1. 
$$\begin{cases} x' = y + z, \\ y' = 3x + z, \\ z' = 3x + y. \end{cases}$$

2. 
$$\begin{cases} x' = 3x - 2y, \\ y' = 2x - y, \end{cases} \quad x(0) = 1, y(0) = 2.$$

3. 
$$\begin{cases} x' + 5x + y = e^t, \\ y' - x - 3y = e^{2t}. \end{cases}$$

4. 
$$\begin{cases} x' = -x + y + z, \\ y' = x - y + z, \\ z' = x + y - z. \end{cases}$$

5. 
$$\begin{cases} 4x' - y' = \sin t - 3x, \\ x' = \cos t - y. \end{cases}$$

6. 
$$\begin{cases} x' = 2x + y, \\ y' = 3x + 4y. \end{cases}$$

7. 
$$\begin{cases} x' = x - 2y - z, \\ y' = -x + y + z, \\ z' = x - z. \end{cases}$$

8. 
$$\begin{cases} x' = y, \\ y' = x + e^t + e^{-t}. \end{cases}$$

9. 
$$\begin{cases} x' = -2x - 2y - 4z, \\ y' = -2x + y - 2z, \\ z' = 5x + 2y + 7z. \end{cases}$$

10. 
$$\begin{cases} x' = y + z, \\ y' = 3x + z, \\ z' = 3x + y. \end{cases}$$

# 5. Критерии оценки расчетно-графической работы и типовые ошибки при ее выполнении.

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«Отлично»	обучающийся ясно изложил условия задач, решения
	обосновал
«Хорошо»	обучающийся ясно изложил условия задач, но в обосновании
	решений имеются сомнения;
«Удовлетворительно»	обучающийся изложил решение задач, но в решении есть
	ошибки;
«Неудовлетворительно»	обучающийся не уяснил условия задач, решения не
	обосновал, либо не сдал работу на проверку.

#### 6. Рекомендуемая литература

#### Основная литература

- 1. Богомолов, Н. В. Математика: учебник для вузов / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. 5-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 401 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-07001-9. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/468633
- 2. Бугров, Я. С. Высшая математика. Задачник: учебное пособие для вузов / Я. С. Бугров, С. М. Никольский. Москва: Издательство Юрайт, 2021. 192 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-9916-7568-0. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: <a href="https://urait.ru/bcode/489755">https://urait.ru/bcode/489755</a>.
- 3. Лунгу К. Н. Высшая математика. Руководство к решению задач. Т. 1 [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Лунгу К.Н., Макаров Е.В., 3-е изд. М.:ФИЗМАТЛИТ, 2013. 2016 с. Режим доступа : http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=854317
- 4. Шипачев В. С. Высшая математика [Электронный ресурс] : учебник / В.С. Шипачев. М.: НИЦ ИНФРА-М, 2015. 479 с. Режим доступа : <a href="http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=469720">http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=469720</a>
- 5. Лунгу К. Н. Высшая математика. Руководство к решению задач. Ч. 2 [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Лунгу К.Н., Макаров Е.В., 2-е изд. М.:ФИЗМАТЛИТ, 2015. Режим доступа : http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=854393

#### Дополнительная литература

- 1. Математика : учебное пособие / Ю. М. Данилов, Л. Н. Журбенко, Г. А. Никонова [и др.] ; под ред. Л. Н. Журбенко, Г. А. Никоновой. Москва : ИНФРА-М, 2019. 496 с. (Высшее образование: Бакалавриат). ISBN 978-5-16-010118-7. URL: <a href="https://znanium.com/catalog/product/989799">https://znanium.com/catalog/product/989799</a>. Текст : электронный.
- 2. Клово, А. Г. Курс лекций по математике : учебное пособие / А. Г. Клово, И. А. Ляпунова ; Южный федеральный университет. Ростов-на-Дону : Южный федеральный университет, 2020. 199 с. : ил. ISBN 978-5-9275-3503. —URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=612217">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=612217</a>. Текст : электронный.

#### Периодика

Известия высших учебных заведений. Поволжский регион. Физикоматематические науки / гл. ред.Кревчик В.Д. — Пенза, 2021. — URL: <a href="https://e.lanbook.com/journal/issue/314991">https://e.lanbook.com/journal/issue/314991</a>. — Текст : электронный

7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для написания РГР

«интернет», необходимых для написания т т			
8. Профессиональная база данных и	Информация о праве		
информационно-справочные	собственности (реквизиты		
системы	договора)		
Ассоциация инженерного образования России <a href="http://www.ac-raee.ru/">http://www.ac-raee.ru/</a>	Совершенствование образования и инженерной деятельности во всех их проявлениях, относящихся к учебному, научному и технологическому направлениям, включая процессы преподавания, консультирования, исследования, разработки инженерных решений, включая нефтегазовую отрасль, трансфера технологий, оказания широкого спектра образовательных услуг, обеспечения связей с общественностью, производством, наукой и интеграции в международное научнообразовательное пространство.		

8. Профессиональная база данных и	Информация о праве	
информационно-справочные	собственности (реквизиты	
системы	договора)	
	свободный доступ	
научная электронная библиотека Elibrary <a href="http://elibrary.ru/">http://elibrary.ru/</a>	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU - это крупнейший российский информационно-аналитический портал в области науки, технологии, медицины и образования, содержащий рефераты и полные тексты более 26 млн научных статей и публикаций, в том числе электронные версии более 5600 российских научно-технических журналов, из которых более 4800 журналов в открытом доступе свободный доступ	
Федеральный портал «Российское образование» [Электронный ресурс] – <a href="http://www.edu.ru">http://www.edu.ru</a>	Федеральный портал «Российское образование» — уникальный интернет-ресурс в сфере образования и науки. Ежедневно публикует самые актуальные новости, анонсы событий, информационные материалы для широкого круга читателей. Еженедельно на портале размещаются эксклюзивные материалы, интервью с ведущими специалистами — педагогами, психологами, учеными, репортажи и аналитические статьи. Читатели получают доступ к нормативно-правовой базе сферы образования, они могут пользоваться самыми различными полезными сервисами — такими, как онлайн-тестирование, опросы по актуальным темам и т.д.	

Название	Сокращён	Организационно	Отрасль	Официальн
организаци	ное	-правовая	(область	ый сайт
И	название	форма	деятельности)	
РОССИЙСК	РосСНИО	неправительствен	творческий	http://rusea.i
ИЙ СОЮЗ		ное, независимое	Союз	<u>nfo</u>
научных и		общественное	общественных	
инженерных		объединение	научных,	
общественн			научно-	
ых			технических,	
объединени			инженерных,	
й			экономических	
			объединений,	
			являющихся	
			юридическими	
			лицами,	
			созданный на	
			основе	
			общности	
			творческих	
			профессиональ	
			ных интересов	
			ученых,	
			инженеров и	
			специалистов	
			для реализации	
			общих целей и	
			задач.	
Российский	РСИ	Общероссийская	Защита общих	http://российски
союз инженеров		общественная	интересов и	<u>й-союз-</u>
		организация	достижения уставных целей	инженеров.рф/
		«Российский союз	объединившихся	
		инженеров» (далее	граждан,	
		именуемая «Союз»)	осуществляющих	
		является основанным	свою деятельность на	
		на членстве	территории более	
		общественным	половины субъектов	
		объединением,	Российской	
		созданным в форме	Федерации	

общественной	
организации	

#### приложение 1

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ» ЧЕБОКСАРСКИЙ ИНСТИТУТ (ФИЛИАЛ) МОСКОВСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

# <u>Кафедра Информационных технологий, электроэнергетики и систем управления</u>

### РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКАЯ РАБОТА

#### по дисциплине «МАТЕМАТИКА»

Наименование т	емы
<mark>зас</mark> по «Э.	полнил: студент курса отделения направлению 13.03.02 лектроэнергетика и ектротехника»
	Ф.И.О.
Ha	учный руководитель:
	должность, звание
	Ф.И.О.
Оце	енка
	Дата «»2021г.

Чебоксары 2021