

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ЧЕБОКСАРСКИЙ ИНСТИТУТ (ФИЛИАЛ)
ФИО: Агафонов Александр Викторович
Должность: директор филиала
Дата подписания: 19.03.2022 18:52:17
Уникальный программный ключ:
2539477a8ecf706dc9cf164bc411eb6d3c4ab06

МОСКОВСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

Кафедра транспортно-технологических машин



Теоретическая механика

(наименование дисциплины)

**Методические указания по выполнению
расчетно-графических работ**

Направление
подготовки

21.03.01 «Нефтегазовое дело»

(код и наименование направления подготовки)

Направленность
(профиль)
подготовки

**«Эксплуатация и обслуживание объектов
транспорта и хранения нефти, газа и продуктов
переработки»**

(наименование профиля подготовки)

Квалификация
выпускника

бакалавр

Форма обучения

очная, очно-заочная

Чебоксары, 2020

Методические указания разработаны
в соответствии с требованиями ФГОС ВО
по направлению подготовки

**15.03.05 Конструкторско-технологическое обеспечение
машиностроительных производств**

Авторы:

Никулин Игорь Васильевич,
доцент, к.т.н. кафедры транспортно-технологических машин

ФИО, ученая степень, ученое звание или должность, наименование кафедры

Методические указания одобрены на заседании кафедры
транспортно-технологических машин

наименование кафедры

протокол № 10 от 16.05.2020 года.

В соответствии с учебным планом и планами студентов направления подготовки 15.03.05 «Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств» по теоретической механике выполняют расчетно-графическую работу (РГР). Она способствует приобретению навыков решения задач по основным разделам дисциплины и, как следствие лучшему освоению материала. Существенной помощью студентам при решении задач являются примеры решения аналогичных задач, основной целью которых является разъяснение хода решения, но не воспроизвести его полностью. При выполнении заданий все преобразования и числовые расчеты должны быть обязательно проделаны с необходимыми пояснениями. В конце решений должны быть даны ответы.

Методические указания по решению задач, входящих в РГР, даются для каждой задачи после ее текущести под рубрикой – «Указания».

Содержание расчетно-графической работы

Работа включает по 1-2 задачи по каждому из трех разделов:

Задание 1 – Статика

Задание 2 – Кинематика

Задание 3 – Динамика

Количество задач задается преподавателем.

В каждой задачедается 10 рисунков и таблица с тем же номером, что и задача, содержащая дополнительные к тексту задачи условия. Нумерация рисунков двойная, при этом номером рисунка является цифра, стоящая после точки. Например, рис. С.1.4 – это рис. 4 к задаче С.1. Номера условий (варианта) от «0» до «9» указаны в 1-ом столбце таблицы.

Номер рисунка студент выбирает по предпоследней цифре шифра, а номер варианта в таблице – по последней. Например, если шифр оканчивается числом 25, то берут рис. 2, а вариант № 5 из таблицы.

Раздел Статика – задачи С1 и С2

Раздел Кинематика – задачи К2 и К3

Раздел Динамика – задачи Д1 и Д8

1. Тарг, С. М. Краткий курс теоретической механики [Текст] : учебник для вузов / С. М. Тарг. - 12-е изд., стереотип. - М. : Высш. шк., 2001. - 416 с. : ил.
2. Мещерский, И.В. Задачи по теоретической механике: учеб. пос. / И.В. Мещерский; под ред. В.А. Пальмова. – СПб.: Лань; М.: Омега-Л, 2005.
3. Методические указания и контрольные задания по Теоретической механике. - Высшая школа, 1989.

с моментом M_A . Для этой плоской системы сил тоже составляем три уравнения равновесия:

$$\sum F_{kx} = 0, X_A + Q \cos 60^\circ + N' \sin 60^\circ = 0; \quad (4)$$

$$\sum F_{ky} = 0, Y_A - Q \sin 60^\circ - N' \cos 60^\circ = 0; \quad (5)$$

$$\sum m_A (\bar{F}_k) = 0, M_A + M + Q \cdot 2a + N' \cos 60^\circ \cdot 4a + N' \sin 60^\circ \cdot 6a = 0. \quad (6)$$

При вычислении момента силы \bar{N}' разлагаем ее на составляющие \bar{N}'_1 и \bar{N}'_2 и применяем теорему Вариньона. Подставив в составленные уравнения числовые значения заданных величин и решив систему уравнений (1)–(6), найдем искомые реакции. При решении учитываем, что численно $N' = N$ в силу равенства действия и противодействия.

Ответ: $N = 21,7$ кН, $Y_D = -10,8$ кН; $X_D = 8,8$ кН, $X_A = -26,8$ кН, $Y_A = 24,7$ кН, $M_A = -42,6$ кН·м.

Знаки указывают, что силы \bar{Y}_D , \bar{X}_A и момент M_A направлены противоположно показанным на рисунках.

Задание 2 – КИНЕМАТИКА – задачи К2 и К3

Задача К2

Механизм состоит из ступенчатых колес 1–3, находящихся в зацеплении или связанных ременной передачей, зубчатой рейки 4 и груза 5, привязанного к концу нити, намотанной на одно из колес (рис. К2.0 – К2.9, табл. К2). Радиусы ступенчатых колес равны соответственно: у колеса 1 — $r_1 = 2$ см, $R_1 = 4$ см, у колеса 2 — $r_2 = 6$ см, $R_2 = 8$ см, у колеса 3 — $r_3 = 12$ см, $R_3 = 16$ см. На ободьях колес расположены точки A, B и C.

В столбце «Дано» таблицы указан закон движения или закон изменения скорости ведущего звена механизма, где $\varphi_1(t)$ — закон вращения колеса 1, $s_4(t)$ — закон движения рейки 4, $\omega_2(t)$ — закон изменения угловой скорости колеса 2, $v_5(t)$ — закон изменения скорости груза 5 и т. д. (везде φ выражено в радианах, s — в сантиметрах, t — в секундах). Положительное направление для φ и ω против хода часовой стрелки, для s_4 , s_5 и v_4 , v_5 — вниз.

Определить в момент времени $t_1 = 2$ с указанные в таблице в столбцах «Найти» скорости (v — линейные, ω — угловые) и ускорения (a — линейные, ε — угловые), соответствующих точек или тел (v_5 — скорость груза 5 и т. д.).

Указания. Задача К2 — на исследование вращательного движения

Таблица К2

Номер условия	Дано	Найти	
		скорости	ускорения
0	$s_4 = 4(7t - t^2)$ $v_5 = 2(t^2 - 3)$	v_B, v_C v_A, v_C	ε_2, a_A, a_5 ε_3, a_B, a_4
1	$\varphi_1 = 2t^2 - 9$	v_4, ω_2	ε_2, a_C, a_5
2	$\omega_3 = 7t - 3t^2$	v_5, ω_3	ε_2, a_B, a_4
3	$\varphi_2 = 3t - t^2$	v_4, ω_1	ε_1, a_B, a_5
4	$\omega_1 = 5t - 2t^2$	v_5, v_B	ε_2, a_C, a_4
5	$\dot{\varphi}_2 = 2(t^2 - 3t)$	v_4, ω_1	ε_1, a_C, a_5
6	$v_4 = 3t^2 - 8$	v_A, ω_3	ε_3, a_B, a_5
7	$s_5 = 2t^2 - 5t$	v_4, ω_2	ε_1, a_C, a_4
8	$\omega_3 = 8t - 3t^2$	v_5, v_B	ε_2, a_A, a_4
9			

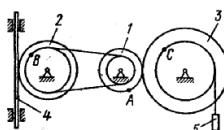


Рис. К2.0

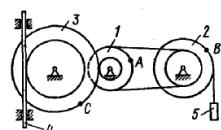


Рис. К2.1

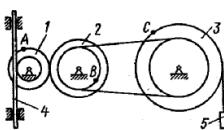


Рис. К2.2

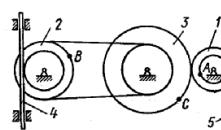


Рис. К2.3

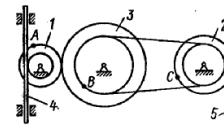


Рис. К2.4

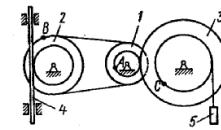


Рис. К2.5

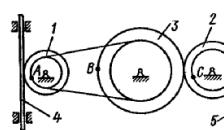


Рис. К2.6

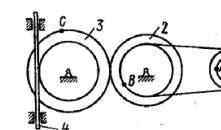


Рис. К2.7

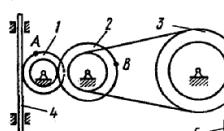


Рис. К2.8

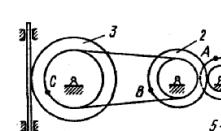


Рис. К2.9

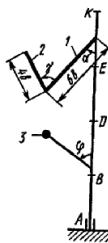


Рис. Д8.9

силы инерции частиц тела (в данной задаче стержня) имеют равнодействующую \bar{R}^* , то численно $R^* = ma_c$, где a_c — ускорение центра масс C тела, но линия действия силы \bar{R}^* в общем случае не проходит через точку C (см. пример Д8).

Пример Д8. Вертикальный вал длиной $3a$ ($AB = BD = DE = a$), закрепленный подшипником A и подшипником D (рис. Д8, а), вращается с постоянной угловой скоростью ω . К валу жестко прикреплен в точке E ломаный однородный стержень массой m и длиной $10b$, состоящий из двух частей 1 и 2 , а в точке B прикреплен невесомый стержень длиной $l = 5b$ с точечной массой m_3 на конце; оба стержня лежат в одной плоскости.

Дано: $\omega = 8 \text{ c}^{-1}$, $m = m_1 + m_2 = 10 \text{ кг}$, $m_3 = 2 \text{ кг}$, $\alpha = 30^\circ$, $\beta = 150^\circ$, $\varphi = 60^\circ$, $a = 0,3 \text{ м}$, $b = 0,1 \text{ м}$. Определить: реакции подшипника A и подшипника D , пренебрегая весом вала.

Решение. 1. Изображаем (с учетом заданных углов) вал и прикрепленные к нему в точках B и E стержни (рис. Д8, б). Массы и веса частей 1 и 2 ломаного стержня пропорциональны длинам этих частей и соответственно равны $m_1 = 0,6m$; $m_2 = 0,4m$;

$$P_1 = 0,6mg; P_2 = 0,4mg; P_3 = m_3g. \quad (1)$$

2. Для определения искомых реакций рассмотрим движение заданной механической системы и применим принцип Даламбера. Проведем

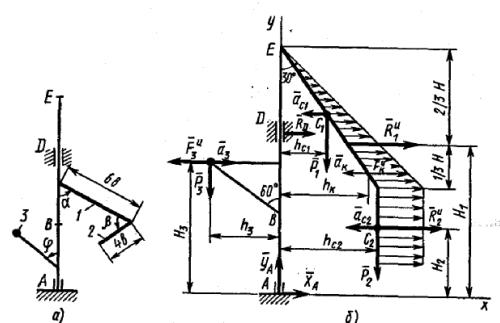


Рис. Д8

(врашающиеся вместе с валом координатные оси Axy так, чтобы стержни лежали в плоскости xy , и изобразим действующие на систему силы: активные силы — силы тяжести \bar{P}_1 , \bar{P}_2 , \bar{P}_3 и реакции связей — составляющие реакции подшипника \bar{X}_A , \bar{Y}_A и реакцию цилиндрического подшипника \bar{R}_D .

Согласно принципу Даламбера, присоединим к этим силам силы инерции элементов однородного ломаного стержня и груза, считая его материальной точкой.

Так как вал вращается равномерно, то элементы стержня имеют только нормальные ускорения \ddot{a}_{nk} , направленные к оси вращения, а численно $a_{nk} = \omega^2 h_k$, где h_k — расстояния элементов от оси вращения. Тогда силы инерции \bar{F}_k^* будут направлены от оси вращения, а численно $F_k^* = \Delta m_k a_{nk} = \Delta m_k \omega^2 h_k$, где Δm_k — масса элемента. Так как все F_k^* пропорциональны h_k , то эпюры этих параллельных сил инерции стержня образуют для части 1 треугольник, а для части 2 — прямоугольник (рис. Д8, б).

Каждую из полученных систем параллельных сил инерции заменим ее равнодействующей, равной главному вектору этих сил. Так как модуль главного вектора сил инерции любого тела имеет значение $R^* = ma_c$, где m — масса тела, a_c — ускорение его центра масс, то для частей стержня соответственно получим

$$R_1^* = m_1 a_{c1}, R_2^* = m_2 a_{c2}. \quad (2)$$

Сила инерции точечной массы 3 должна быть направлена в сторону, противоположную ее ускорению и численно будет равна

$$F_3^* = m_3 a_{c3}. \quad (3)$$

Ускорения центров масс частей 1 и 2 стержня и груза 3 равны:

$$a_{c1} = \omega^2 h_{c1}, a_{c2} = \omega^2 h_{c2}, a_3 = \omega^2 h_3, \quad (4)$$

где h_{c1} , h_{c2} — расстояния центров масс частей стержня от оси вращения, а h_3 — соответствующее расстояние груза:

$$\begin{aligned} h_{c1} &= 3b \sin 30^\circ = 0,15 \text{ м}, \\ h_{c2} &= 6b \sin 30^\circ = 0,3 \text{ м}, \\ h_3 &= l \sin 60^\circ = 5b \sin 60^\circ = 0,43 \text{ м}. \end{aligned} \quad (5)$$

Подставив в (2) и (3) значения (4) и учитя (5), получим числовые значения R_1^* , R_2^* и F_3^* :

$$\begin{aligned} R_1^* &= 0,6m\omega^2 h_{c1} = 57,6 \text{ Н}, \\ R_2^* &= 0,4m\omega^2 h_{c2} = 76,8 \text{ Н}, \\ F_3^* &= m_3\omega^2 h_3 = 55,0 \text{ Н}. \end{aligned} \quad (6)$$

При этом линии действия равнодействующих \bar{R}_1^* и \bar{R}_2^* пройдут через центры тяжестей соответствующих эпюр сил инерции. Так, линия

действия \bar{R}_1^* проходит на расстоянии $\frac{2}{3}H$ от вершины треугольника E , где $H = 6b \cos 30^\circ = 0,52 \text{ м}$.

3. Согласно принципу Даламбера, приложенные внешние силы (активные и реакции связей) и силы инерции образуют уравновешенную систему сил. Составим для этой плоской системы сил три уравнения равновесия. Получим

$$\begin{aligned} \Sigma F_{kx} &= 0; X_A + R_D + R_1^* + R_2^* - F_3^* = 0; \\ \Sigma F_{ky} &= 0; Y_A - P_1 - P_2 - P_3 = 0; \\ \Sigma m_A(\bar{F}_k) &= 0; -R_D \cdot 2a - P_1 h_{c1} - P_2 h_{c2} + P_3 h_3 - \\ &- R_1^* H_1 - R_2^* H_2 + F_3^* H_3 = 0, \end{aligned} \quad (7)$$

где H_1 , H_2 , H_3 — плечи сил \bar{R}_1^* , \bar{R}_2^* , \bar{F}_3^* относительно точки A , равные (при подсчетах учтено, что $H = 6b \cos 30^\circ = 0,52 \text{ м}$)

$$\begin{aligned} H_1 &= 3a - (2/3)H = 0,55 \text{ м}, \quad H_2 = 3a - (H + 2b) = 0,18 \text{ м}, \\ H_3 &= a + l \cos 60^\circ = 0,55 \text{ м}. \end{aligned} \quad (8)$$

Подставив в уравнения (7) соответствующие величины из равенств (1), (5), (6), (8) и решив эту систему уравнений (7), найдем искомые реакции.

Ответ: $X_A = -33,7 \text{ Н}$; $Y_A = 117,7 \text{ Н}$; $R_D = -45,7 \text{ Н}$.